

Politechnika Łódzka **Katedra Mikroelektroniki i Technik Informatycznych** 90-924 Łódź, al. Politechniki 11 tel. (0)4 26 31 26 45 faks (0)4 26 36 03 27 e-mail: secretary@dmcs.p.lodz.pl www: http://www.dmcs.p.lodz.pl

PODSTAWY ENERGOELEKTRONIKI LABORATORIUM



Sterowanie grupowe sterowników prądu przemiennego

W laboratorium należy wykonać wszystkie pomiary zgodnie z paragrafem 3.2 oraz dokonać obliczeń szukanych parametrów układu zgodnie z paragrafami 3.3 i 3.4 dla przypadku δ = 1. Pozostałe obliczenia oraz wykresy i analiza wyników mogą być wykonane w domu.

Opracowanie: Tomasz Poźniak Łukasz Starzak

Łódź 2006

Spis treści

1.	Wstęp		3
2.	Podstawy teoretyczne		4
	2.1.	Zasada sterowania grupowego	4
	2.2.	Teoretyczne charakterystyki sterowania	6
3.	Badanie układu		9
	3.1.	Układ pomiarowy	9
		Ogólny opis układu	
		Wstępna konfiguracja i korzystanie z przyrządów pomiarowych	
		Opis funkcji sterownika mikroprocesorowego układu laboratoryjnego 11	
	3.2.	Program pomiarów	11
	3.3.	Opracowanie wyników	13
	3.4.	Wyznaczanie charakterystyk sterownika za pomocą arkusza kalkulacyjnego	
		w oparciu o wyniki DFT	14
		Import danych14	
		Uwzględnienie współczynników wynikających z konstrukcji układu	
		pomiarowego15	
		Prąd skuteczny 16	
		Moc czynna	
		Obliczenia dla $\delta \neq 1$	
4.	Ocze	kiwana zawartość sprawozdania	19
5.	Liter	atura	19

1. Wstęp

Celem ćwiczenia jest poznanie zasady sterowania grupowego sterowników prądu przemiennego oraz zbadanie charakterystyk sterowania i parametrów energetycznych. Badana jest praca sterownika z obciążeniem rezystancyjnym dla typowej aplikacji, jaką jest grzejnictwo. Ćwiczenie zapoznaje również z zastosowaniem dyskretnej transformaty Fouriera (DFT) do obliczeń w elektronicznych układach przekształtnikowych generujących przebiegi silnie odkształcone.

2. Podstawy teoretyczne

2.1. Zasada sterowania grupowego

Klasyczny sterownik prądu przemiennego, np. z triakiem jako kluczem półprzewodnikowym, może pracować z okresem impulsowania większym od okresu napięcia sieciowego. Układ taki, przedstawiony na rys. 1, działa na zasadzie okresowego przerywania przepływu prądu według określonego programu. Uzyskuje się w ten sposób zmiany wielkości sterowanych – np. mocy czynnej odbiornika czy też wartości skutecznej prądu – w funkcji współczynnika wypełnienia δ ciągu impulsów sinusoidalnych prądu odbiornika, który to współczynnik pełni rolę wielkości sterującej.

Spotyka się dwie nazwy takiego sposobu sterowania:

- grupowe gdyż klucz półprzewodnikowy przepuszcza fale sinusoidy grupami (paczkami);
- impulsowe gdyż polega na przepływie prądu dłuższymi lub krótszymi impulsami o charakterze sinusoidalnym.

Jest to nietypowe sterowanie impulsowe, gdyż z reguły, np. w falownikach impulsowych, klucze półprzewodnikowe są przełączane (przewodzą / nie przewodzą) z częstotliwością dużo większą od częstotliwości sieci. Tymczasem w przypadku impulsowych sterowników prądu przemiennego jest odwrotnie: częstotliwość powtarzania impulsów jest mniejsza niż częstotliwość sieci.



Rys. 1. Sterownik prądu przemiennego z odbiornikiem rezystancyjnym: a) schemat układu; b) przebiegi prądu odbiornika i napięcia zasilania dla A = 5, N = 3 przy sterowaniu grupowym

Współczynnik wypełnienia impulsów δ definiuje się jako stosunek czasu przewodzenia (czasu, przez który klucz półprzewodnikowy jest załączony) do okresu impulsowania (okresu, z jakim powtarzają się paczki fal sinusoidy):

$$\delta = \frac{t_{\rm i}}{T_{\rm i}},\tag{1}$$

przy czym:

T_i – obrany okres impulsowania:

$$T_{\rm i} = AT_{\rm s} = \frac{2\pi A}{\omega}; A = 1, 2, 3, ...;$$
 (2)

- A liczba pełnych okresów sieci przyjęta jako okres impulsowania;
- *T*_s okres napięcia sieci:

$$T_{\rm s} = \frac{1}{f_{\rm s}} = \frac{2\pi}{\omega};\tag{3}$$

*t*i – czas przewodzenia (przepływu prądu):

$$t_{\rm i} = NT_{\rm s} = \frac{2\pi N}{\omega}; N = 0, 1, 2, ..., A;$$
 (4)

 N – liczba pełnych okresów prądu płynącego przez odbiornik w czasie jednego okresu impulsowania (inaczej – liczba pełnych okresów przyjęta jako czas przewodzenia).

Z zasady sterowania grupowego wynika, że częstotliwość sterowania $f_i = 1/T_i$ jest znacznie niższa od częstotliwości sieci zasilającej f_s . Można zatem spodziewać się okresowych tętnień wielkości sterowanej – mocy czynnej, temperatury, prędkości kątowej, natężenia światła itp. Wartość tych tętnień będzie zależna od relacji między stałą czasową odbiornika τ_0 (np. nagrzewania się i studzenia grzałki) a okresem impulsowania T_i . W celu minimalizowania tętnień wielkości sterowanej należy dążyć do tego, by zachowana była relacja

$$\tau_{\rm o} >> T_{\rm i} \,. \tag{5}$$

Drugą konsekwencją tego sposobu sterowania jest dyskretyzacja wielkości sterującej δ , przyjmującej tylko pewne ściśle określone wartości, wynikające ze stosunku założonych wartości – liczb całkowitych – *N* oraz *A*,

$$\delta = \frac{N}{A}.$$
(6)

Dlatego wielkości sterowane mogą przyjmować również tylko odpowiednie wartości dyskretne, co powoduje nieciągłość charakterystyk sterowania – można je przedstawić w postaci krzywych schodkowych lub zbioru punktów rozmieszczonych na ciągłych charakterystykach teoretycznych.

Ważną zaletą tego sposobu sterowania jest możliwość eliminowania stanów przejściowych przy załączaniu oraz dużych stromości prądowych poprzez zapewnienie załączania w momencie naturalnego przejścia prądu przez zero. Poprawia to warunki pracy tyrystorów, a także w istotny sposób wpływa na obniżenie poziomu generowanych do otoczenia zakłóceń elektromagnetycznych.

2.2. Teoretyczne charakterystyki sterowania

Podstawowymi charakterystykami sterowników prądu przemiennego są:

 względna wartość skuteczna prądu odbiornika w funkcji współczynnika wypełnienia

$$I_{\rm r}(\delta) = \frac{I(\delta)}{I_{\rm max}};\tag{7}$$

 względna wartość mocy czynnej odbiornika w funkcji współczynnika wypełnienia

$$P_{\rm or}(\delta) = \frac{P_{\rm o}(\delta)}{P_{\rm o(max)}},\tag{8}$$

gdzie I_{max} , $P_{o(max)}$ – maksymalne możliwe do uzyskania wartości prądu i mocy czynnej, które występują przy ciągłym przepływie prądu (N = A, $\delta = 1$);

3) współczynnik mocy układu w funkcji współczynnika wypełnienia

$$\lambda(\delta) = \frac{P(\delta)}{S(\delta)},\tag{9}$$

gdzie P – moc czynna wejściowa, S – moc pozorna wejściowa,

$$S(\delta) = U \cdot I(\delta); \tag{10}$$

przy czym przy założeniu wysokiej sprawności układu ($\eta \approx 1$, $P_0 \approx P$) współczynnik mocy można przybliżyć wzorem

$$\lambda(\delta) \approx \frac{P_{\rm o}(\delta)}{S(\delta)}.$$
(11)

Obliczymy teraz teoretyczne charakterystyki omawianego układu. Przebieg prądu (zob. rys. 1b) można opisać równaniem

$$i = \begin{cases} I_{\rm m} \sin \omega t & 0 \le \omega t \le 2\pi N \\ 0 & 2\pi N \le \omega t \le 2\pi A \end{cases}$$
(12)

Wartość skuteczną prądu odbiornika można wyznaczyć korzystając ze wzoru definicyjnego

$$I = I_{\rm m} \sqrt{\frac{1}{2\pi A} \int_{0}^{2\pi N} \sin^2 \omega t \, \mathrm{d}\omega t} , \qquad (13)$$

stąd

$$I = \frac{I_{\rm m}}{\sqrt{2}}\sqrt{\delta} \ . \tag{14}$$

Ponieważ maksymalną wartość skuteczną prądu osiąga się przy pełnym wysterowaniu, tzn. przy δ = 1, więc wynosi ona

$$I_{\max} = I\Big|_{\delta=1} = \frac{I_{\max}}{\sqrt{2}} \,. \tag{15}$$

Zatem wartość skuteczna prądu w postaci względnej, odniesiona do maksymalnej wartości skutecznej prądu, daje następującą charakterystykę sterowania:

$$I_{\rm r}(\delta) = \frac{I(\delta)}{I_{\rm max}} = \sqrt{\delta} .$$
⁽¹⁶⁾

Moc czynną odbiornika wyznacza się ze wzoru

$$P_{\rm o} = I^2 R_{\rm o} = \frac{I_{\rm m}^2 R_{\rm o}}{2} \delta \,. \tag{17}$$

Dla obciążenia rezystancyjnego

$$I_{\rm m} = \frac{U_{\rm m}}{R_{\rm o}} = \frac{U\sqrt{2}}{R_{\rm o}},$$
 (18)

gdzie U_m jest wartością maksymalną napięcia wejściowego, a U jego wartością skuteczną. Stąd po przekształceniach otrzymujemy ostatecznie

$$P_{\rm o} = \frac{U^2}{R_{\rm o}} \delta \,. \tag{19}$$

Natomiast przy obciążeniu indukcyjnym (RL) otrzymuje się zależność

$$P_{\rm o} = \frac{U^2}{Z_{\rm o}} \cos \varphi_{\rm o} \cdot \delta , \qquad (20)$$

gdzie Z_{\circ} – moduł impedancji odbiornika, φ_{\circ} – kąt fazowy odbiornika. Ponieważ moc maksymalna, osiągana przy pełnym wysterowaniu, wynosi

$$P_{\rm o(max)} = P_{\rm o} \Big|_{\delta = 1} = \frac{I_{\rm m}^2 R_{\rm o}}{2},$$
 (21)

więc w postaci względnej charakterystyka sterowania dla mocy czynnej odbiornika ma postać

$$P_{\rm or}(\delta) = \frac{P_{\rm o}(\delta)}{P_{\rm o(max)}} = \delta .$$
⁽²²⁾

Współczynnik mocy układu można wyznaczyć ze wzoru

$$\lambda(\delta) \approx \frac{P_{\rm o}(\delta)}{S(\delta)} = \frac{P_{\rm o}(\delta)}{UI(\delta)} = \frac{I_{\rm m}^2 R_{\rm o} \delta / \sqrt{2}}{U \cdot I_{\rm m} \sqrt{\delta} / \sqrt{2}} = \frac{I_{\rm m} R_{\rm o} \sqrt{\delta}}{\sqrt{2}U}.$$
(23)

Dla obciążenia rezystancyjnego otrzymujemy po podstawieniu (18) wzór

$$\lambda(\delta) = \sqrt{\delta} , \qquad (24)$$

natomiast dla obciążenia indukcyjnego

$$\lambda(\delta) = \sqrt{\delta} \cdot \cos\varphi_{0} \,. \tag{25}$$

Teoretyczne charakterystyki sterowania układu wyznaczone na podstawie powyższych zależności przedstawiono na rys. 2.



Rys. 2. Teoretyczne charakterystyki sterowania grupowego sterownika prądu przemiennego: względnej wartości skutecznej prądu I_r oraz współczynnika mocy λ dla $\varphi_0 = 0$ (linia kreskowana), współczynnika mocy λ dla $\varphi_0 = \pi/4$ (linia kropkowana) oraz względnej wartości mocy czynnej odbiornika P_{or} (linia ciągła)

3. Badanie układu

3.1. Układ pomiarowy

Ogólny opis układu

Badaniom poddawany jest sterownik prądu przemiennego sterowany grupowo, w którym rolę zaworu pełni tyrystor dwukierunkowy (triak). Do sterownika należy przyłączyć odbiornik i włączyć w obwód mierniki, zgodnie z rys. 3.

W ćwiczeniu bada się wyłącznie układ z odbiornikiem rezystancyjnym, przy czym rolę odbiornika pełni grzałka oporowa o mocy znamionowej 800 W. Posiada ona dużą stałą czasową nagrzewania, więc sterowanie grupowe jest w jej przypadku dobrym rozwiązaniem – por. wzór (5). W szereg z grzałką należy włączyć szeregowo opornik laboratoryjny o rezystancji ok. 5 Ω , którego zadaniem jest ograniczenie maksymalnej mocy pobieranej z sieci do wartości znamionowej transformatora.

UWAGA!

1. Podłączenia układu do sieci dokonuje się <u>w odpowiednim momencie poprzez</u> <u>transformator separujący</u>, po sprawdzeniu połączeń przez prowadzącego zajęcia.

2. Jeżeli układ jest włączony do sieci, nie należy dotykać wyprowadzeń potencjałów na obudowie, na których może występować napięcie sieciowe!

3. Przed włączeniem grzałki w obwód, należy połączyć jej obudowę z przewodem PE (ochronnym) sieci – dodatkowy przewód z "krokodylkiem" należy przyłączyć do bolca w wolnym gnieździe sieciowym. Praca z nie zabezpieczoną grzałką grozi porażeniem!

Do oscyloskopu należy przyłączyć, zapisując numery wykorzystanych kanałów:

- do jednego kanału napięcie uLEM z gniazda BNC (wyjście przetwornika prąd/napięcie), przy czym współczynnik przetwarzania przetwornika należy ustawić na 20 mA/mV;
- do drugiego kanału sygnał u₀ (napięcie na odbiorniku) przez sondę tłumiącą 100:1;
- do wejścia wyzwalania zewnętrznego sygnał z gniazda SYNCHR.

Wstępna konfiguracja i korzystanie z przyrządów pomiarowych

Pomiaru parametrów energetycznych dokonuje się za pośrednictwem oscyloskopu, z wykorzystaniem dyskretnej transformaty Fouriera (DFT). Ta metoda jest obecnie powszechnie używana w energoelektronice przy analizie przebiegów silnie odkształconych (a z takimi właśnie mamy do czynienia w ćwiczeniu). Jedną z jej głównych zalet jest uproszczenie obliczeń przez wyeliminowanie konieczności przetwarzania długich ciągów próbek w dziedzinie czasu – dzięki transformacie Fouriera zostają one zastąpione niewielką ilością próbek w dziedzinie częstotliwości.

Po włączeniu oscyloskopu należy:

 przełączyć go w tryb pracy z cyfrową pamięcią przebiegów przez wciśnięcie przycisku STORAGE; wyłączyć domyślną funkcję uwzględniania współczynnika tłumienia sond 10:1, gdyż nie jest to zgodne z rzeczywistością – w tym celu należy wciskać przycisk MENU do pojawienia się u góry ekranu napisu "PROB X10", następnie przyciskiem SELECT przejść do opcji "PROB X1" i wciskać przycisk MENU aż do zgaśnięcia kontrolki MENU (pojawienia się napisu "NORM").

Jak można zaobserwować (patrz punkt 3.2.4), ze względu na charakter sterowania w badanym układzie standardowe mierniki są bezużyteczne. Nie są one bowiem w stanie uśrednić prądu i mocy za długi okres impulsowania T_i , z którym mamy do czynienia. Multimetr będzie przydatny wyłącznie do pomierzenia wartości I i P_0 dla pełnego wysterowania, które posłużą nam do weryfikacji obliczeń.

Pomiaru wielkości elektrycznych przy pełnym wysterowaniu dokonuje się za pomocą multimetru z przystawką umożliwiającą jednoczesny pomiar mocy oraz wartości skutecznych prądu i napięcia. Bolce sieciowe przystawki należy włączyć w gniazdo na płycie układu pomiarowego, zaś w gniazdo sieciowe przystawki włączyć odbiornik zgodnie z rys. 3. Drugą końcówkę przystawki należy włożyć w odpowiednie gniazda multimetru zgodnie z opisem (20 A, COM, V/Ω). Na multimetrze ustawić tryb pomiaru POWER.

Nieprzestawienie multimetru w tryb POWER grozi jego uszkodzeniem!





Do rejestracji przebiegów z oscyloskopu wykorzystuje się program Osc dostępny z menu Start, zakładka *Pomiary*. Pobrania przebiegów aktualnie wyświetlanych na ekranie dokonuje się za pomocą przycisku *Pobierz wykres*. Jeżeli <u>zgłaszany jest</u> błąd transmisji, należy sprawdzić ustawienia wciskając przycisk *Ustawienia*: typ oscyloskopu: Goldstar OS-3060, prędkość: 4800 baud, port: zgodnie z opisem z tyłu obudowy komputera.

Program Osc zawiesi się przy pierwszej próbie pobrania przebiegów z oscyloskopu. Należy wcisnąć Ctrl+Alt+Del, włączyć Menedżera zadań (*Task Manager*), wybrać aplikację Osc, wcisnąć *Zakończ zadanie* (*End task*) i *Zakończ teraz* (*End now*). Zamknąć Menedżera zadań, ponownie uruchomić program Osc i pobrać przebiegi.

Opis funkcji sterownika mikroprocesorowego układu laboratoryjnego

Przełączniki na płycie czołowej

- SIEĆ załączanie zasilania układu sterowania
- 200 mA/mV / 20 mA/mV wybór współczynnika przetwarzania przetwornika prąd/napięcie

Przyciski na płycie czołowej

- ON załączanie sterowania obwodu mocy (załączenie jest sygnalizowane znakiem "!" w rogu wyświetlacza)
- OFF wyłączanie sterowania obwodu mocy
- ▲ i ▼ wybór pozycji menu, zmiana parametrów sterowania
- ENTER wybór wskazanej pozycji menu
- ESC porzucenie bieżącej pozycji menu

Funkcje menu

- Uruchom zmiana wartości parametru *N*
- Ustawienia zmiana wartości parametru A

3.2. Program pomiarów

Przed przystąpieniem do pomiarów, należy <u>dokładnie</u> zapoznać się z treścią paragrafu 3.1 i wykonać odpowiednie czynności wstępne. Pomiary należy wykonywać <u>ściśle według</u> <u>poniższych punktów</u>.

- 1. Włączyć zasilanie układu sterowania przełącznikiem SIEĆ.
- 2. Ustawić:
 - a) okres impulsowania (parametr A) podany przez prowadzącego;
 - b) współczynnik wypełnienia prądu odbiornika δ na minimalny większy od 0 (czyli1/A).
- 3. W celu sprawdzenia poprawności działania układu i wyregulowania nastaw oscyloskopu:
 - a) chwilowo zmienić odbiornik na żarówkę;

Zachować odpowiednią ostrożność – układ jest pod napięciem sieciowym!

b) włączyć sterowanie obwodu mocy przyciskiem ON – żarówka powinna zacząć migać; c) ustawić położenie poziomu zera obu kanałów oscyloskopu <u>na środku ekranu;</u>

W tym celu należy ustawić sprzężenie danego kanału na GND, wyregulować położenie przebiegu pokrętłem POSITION i powrócić do sprzężenia DC.

Ustawienia poziomu zera nie należy zmieniać podczas pomiarów!

- d) doprowadzić do wyzwalania oscyloskopu sygnałem SYNCHR na początku paczki impulsów:
 - ustawić zewnętrzne źródło wyzwalania (EXT) przełącznik SOURCE;
 - ustawić normalny tryb wyzwalania (NORM) przełącznik MODE;
 - ustalić moment wyzwalania regulując poziom wyzwalania pokrętło LEVEL (nie HOLD OFF);
 - aby upewnić się, że wyzwalanie następuje na początku paczki impulsów, przebieg można przesunąć nieco w prawo przyciskami READOUT/CURSOR;
- e) ustawić wzmocnienia obu kanałów oscyloskopu tak, aby przebiegi zajmowały jak największą część ekranu;
- f) ustawić podstawę czasu oscyloskopu tak, aby na ekranie było widać jeden pełen okres impulsowania T_i;
- g) wyłączyć sterowanie obwodu mocy przyciskiem OFF, ponownie obciążyć sterownik grzałką i włączyć sterowanie obwodu mocy;
- h) w razie potrzeby dostosować wzmocnienie kanału, do którego przyłączono wyjście przetwornika prąd/napięcie.
- 4. Ustawić A = 50 oraz współczynnik wypełnienia δ na ok. 0,25 i stwierdzić, że z powodu sposobu sterowania nie można dokonać pewnego odczytu wartości prądu i mocy z multimetru.
- 5. Powrócić do wartości A i δ ustawionych w punkcie 2.

Przed przystąpieniem do dalszych pomiarów należy <u>koniecznie</u> zanotować współczynnik przetwarzania przetwornika prąd/napięcie oraz współczynnik tłumienia sondy napięciowej. Zanotowane współczynniki zostaną uwzględnione dopiero przy przetwarzaniu danych w arkuszu kalkulacyjnym. W trakcie pomiarów nie należy zmieniać współczynnika przetwarzania przetwornika LEM.

- 6. Korzystając z programu Osc, pobrać przebiegi napięcia na odbiorniku u_0 i napięcia wyjściowego przetwornika LEM u_{LEM} z oscyloskopu do komputera.
- 7. Za pomocą kursorów zaznaczyć pełen okres impulsowania Ti (nie okres sieci Ts!, patrz paragraf 2.1) Należy przy tym skorzystać z informacji o różnicy położeń kursorów wyświetlanej w okienku w rogu (znany jest okres sieci oraz liczba okresów w sieci przypadająca na okres impulsowania). Kursory włącza się przyciskiem Włącz kursor. Kursory pojawią się na lewej i prawej krawędzi wykresu, skąd należy je przeciągnąć myszą w odpowiednie położenie.
- 8. Dokonać dyskretnej transformaty Fouriera pobranych przebiegów za pomocą przycisku DFT (*Analiza Fouriera*).
- 9. Zapisać wynik do <u>pliku tekstowego w formacie CSV</u> (menu *Plik Eksportuj*).

- 10. Wyłączyć funkcję DFT (przycisk Wykres oryginalny).
- 11. Powtórzyć punkty 6–10, zmieniając wartość współczynnika wypełnienia od 0 do 1, z pominięciem wartości skrajnych. W sumie należy uzyskać co najmniej 5 punktów pomiarowych.
- 12. Ustawić δ = 1 i wykonać punkty 6–10.
- 13. Zanotować dla tego przypadku wskazania mierników: wartości skutecznej prądu, mocy czynnej odbiornika i wartości skutecznej napięcia na odbiorniku. Tak jak wspomniano, zapisane wartości posłużą później do sprawdzenia poprawności obliczeń.
- 14. Wyłączyć sterowanie obwodu mocy (przycisk OFF). Wyłączyć zasilanie sterownika (przełącznik SIEĆ). Odłączyć transformator od sieci.

3.3. Opracowanie wyników

Na podstawie zarejestrowanych wyników należy wyznaczyć charakterystyki sterownika zgodnie z poniższymi punktami.

W laboratorium dostępny jest arkusz kalkulacyjny pakietu OpenOffice. Jeżeli przy uruchamianiu pojawi się informacja o konieczności dokonania instalacji, należy ją przeprowadzić zgadzając się na wszystkie domyślne ustawienia, bez wypełniania danych i rejestrowania programu. Obsługa arkusza kalkulacyjnego w zakresie potrzebnym na laboratorium jest bardzo podobna do programu Microsoft Excel. Aby bezproblemowo odczytać arkusz w programie Microsoft Excel, należy na koniec zapisać go w formacie XLS (menu *Plik, Zapisz jako*).

- 1. Dla każdej wartości współczynnika wypełnienia δ wyznaczyć:
 - a) wartość skuteczną prądu odbiornika I,
 - b) moc czynną odbiornika Po,
 - c) tylko dla $\delta = 1$ wartość skuteczną napięcia sieci *U* przyjmując, że jest ona równa napięciu na odbiorniku *U*₀ przy pełnym wysterowaniu.

W celu uzyskania pożądanych wyników, należy postępować ściśle zgodnie z instrukcjami podanymi w paragrafie 3.4.

- 2. Na podstawie wartości wyznaczonych w punkcie 1 obliczyć dla każdej wartości δ :
 - a) względną wartość skuteczną prądu Ir,
 - b) wartość względną mocy czynnej odbiornika Por,
 - c) moc pozorną wejściową *S*,
 - d) współczynnik mocy układu λ .
- 3. Obliczyć charakterystyki teoretyczne $I_r(\delta)$, $P_{or}(\delta)$ i $\lambda(\delta)$ na podstawie wzorów podanych w paragrafie 2.2.

Wskazówka. Funkcje trygonometryczne programów Microsoft Excel i OpenOffice operują na wartościach w radianach. Stopnie na radiany można przeliczyć za pomocą funkcji *RADIANY()* [ang. *RADIANS()*]. Dokładną wartość liczby π zwraca funkcja *PI()*.

4. Wykonać trzy wykresy charakterystyk: $I_r(\delta)$, $P_{or}(\delta)$ i $\lambda(\delta)$, na każdym z nich umieszczając dwie krzywe: doświadczalną i teoretyczną.

Bez względu na wykorzystywane oprogramowanie, należy wykreślać wykresy typu XY, a nie *Liniowy*. W przeciwnym razie oś X nie będzie odpowiednio wyskalowana w wartościach δ .

Arkusz kalkulacyjny pakietu OpenOffice wymaga, aby wszystkie kolumny danych, które zamierzamy umieścić na wykresie, leżały bezpośrednio obok siebie. Jeżeli nie jest to spełnione, to dane należy skopiować w nowe miejsce, używając funkcji *Edycja* ► *Wklej specjalnie* i zaznaczając *Ciągi znaków, Liczby* i *Formaty*. Microsoft Excel nie posiada tego ograniczenia.

5. Przeanalizować uzyskane wyniki, porównać z przewidywaniami teoretycznymi.

3.4. Wyznaczanie charakterystyk sterownika za pomocą arkusza kalkulacyjnego w oparciu o wyniki DFT

Naszym zadaniem jest obliczenie dla każdej wartości δ wielkości charakteryzujących pracę badanego układu, zgodnie z punktem 3.3.1:

- wartości skutecznej prądu *I*,
- mocy czynnej odbiornika P_o,
- oraz dla δ = 1 wartości skutecznej napięcia na odbiorniku U_0 .

Dla δ = 1 dysponujemy danymi porównawczymi z multimetru, a więc logicznie będzie zacząć obliczenia od tego właśnie przypadku.

Import danych

- 1. Importujemy wyniki DFT zapisane programem Osc; jako pierwszy plik z danymi dla $\delta = 1$.
 - a) <u>Microsoft Excel.</u> Jeżeli w używanej wersji programu dostępna jest funkcja *Dane* ▶ *Pobierz dane zewnętrzne* ▶ *Importuj plik tekstowy,* korzystamy z tej funkcji. W przeciwnym razie korzystamy z komendy *Plik* ▶ *Otwórz.*

W razie potrzeby (jeżeli inaczej dane nie importują się poprawnie), należy wybrać znak średnika jako separator kolumn, a przecinek jako separator części dziesiętnej.

b) <u>OpenOffice</u>. Otwieramy plik komendą *Plik* ► *Otwórz* wybierając z listy typ pliku "Tekst CSV".

W razie potrzeby (jeżeli inaczej dane nie importują się poprawnie), należy wybrać znak średnika jako separator kolumn. Jeżeli z powodu ustawień systemowych znak przecinka nie jest rozpoznawany jako separator części dziesiętnej, to po otwarciu pliku należy zamienić przecinki na kropki korzystając z funkcji *Edycja* \blacktriangleright *Znajdź i zamień*.

- 2. Zapisujemy skoroszyt jako dokument arkusza kalkulacyjnego Microsoft Excel (XLS) lub OpenOffice (ODS).
- 3. Przeanalizujmy zawartość otwartego arkusza.

Jak widać, program Osc zapisał dane (wyniki DFT) dla każdego z dwóch kanałów w czterech kolumnach. Każdemu kanałowi odpowiada N zespolonych współczynników szeregu Fouriera X_n (n = 0, 1, 2, ..., N–1), które powstały w wyniku wykonania DFT odpowiedniego przebiegu czasowego oraz obcięcia połowy z nich i przeskalowania pozostałych zgodnie z teorią. Poszczególne kolumny zawierają:

- kolumna an części rzeczywiste współczynników, an = Re Xn;
- kolumna b_n części urojone współczynników, b_n = Im X_n;

- kolumna h_n moduły współczynników h_n = |X_n| (dla składowej stałej n = 0 jest to wartość tej składowej X_n, a dla składowych harmonicznych n ≥ 1 są to amplitudy tych składowych X_{n,m});
- kolumna φ_n (fi_n) argumenty współczynników φ_n = arg X_n (dla składowej stałej n = 0 jest to 0, a dla składowych harmonicznych n ≥ 1 są to kąty fazowe tych składowych φ_n);
- kolumna *nr harm* numery harmonicznych *n*, przy czym 0 oznacza składową stałą.

Numer 1 oznacza zawsze składową podstawową z punktu widzenia transformaty, a więc o częstotliwości $f(1) = 1/T_{DFT}$, gdzie T_{DFT} jest odcinkiem czasu zaznaczonym w punkcie 3.2.7. A więc w naszym przypadku nie będzie to składowa podstawowa napięcia sieci, gdyż zaznaczyliśmy odcinek o długości T_i , w którym mieści się A okresów sieci T_s . Okresowe zmiany napięcia sieci odbywają się z częstotliwością A razy większą niż częstotliwość pracy sterownika (częstotliwość impulsowania); dlatego składowa podstawowa napięcia sieci będzie widziana przez komputer jako harmoniczna o numerze A.

Do dalszych obliczeń wykorzystamy zapis liczby zespolonej moduł–kąt, a więc kolumny h_n i φ_n :

$$X_n = |X_n| e^{j\arg X_n} = h_n e^{j\varphi_n}.$$
(26)

Dobra rada: Kolumny w arkuszach warto podpisywać w jednym z górnych wierszy, uwzględniając jednostki miary. Inaczej łatwo się będzie pogubić. Dotyczy to również kolumn, które zostaną dodane później.

Uwzględnienie współczynników wynikających z konstrukcji układu pomiarowego

4. Przetwarzamy dane z programu Osc (*u*LEM i *u*₀) tak, aby odpowiadały rzeczywistym poziomom prądu *i* i napięcia *u*₀, przez uwzględnienie współczynnika przetwarzania przetwornika LEM i współczynnika tłumienia sondy napięciowej. W tym celu należy dodać dwa razy po dwie nowe kolumny: *h*_{n1}', *fi*_{n1}', *h*_{n2}', *fi*_{n2}' w które wpiszemy takie formuły, za pomocą których wyliczą się wartości rzeczywiste prądu i napięcia na podstawie zarejestrowanych oscyloskopem.

Nowe kolumny z obliczeniami najlepiej dodawać po prawej stronie wszystkich zaimportowanych danych (nie wstawiać nowych kolumn między już istniejące). W ten sposób łatwo będzie skopiować wprowadzone formuły do pozostałych arkuszy, bez konieczności dodawania lub kasowania kolumn w tych arkuszach.

Mnożenie przez stałe i/lub dodawanie do siebie próbek przebiegów w dziedzinie czasu jest równoważne mnożeniu przez stałe i/lub dodawaniu współczynników przekształcenia Fouriera tych przebiegów. Własność ta nazywa się liniowością przekształcenia. Dzięki temu mnożniki wynikające z obecności przetwornika LEM i sondy napięciowej można uwzględnić dopiero operując na małej liczbie próbek DFT – nie trzeba tego robić na dużej (rzędu 1000) liczbie próbek w funkcji czasu.

Chodzi tu o mnożenie i dodawanie *zespolonych* współczynników przekształcenia Fouriera. W przypadku mnożenia liczby zespolonej przez stałą oznacza to wymnożenie przez tę stałą modułu liczby i pozostawienie argumentu bez zmian:

$$a \cdot X_n = a \cdot \left(h_n e^{j\varphi_n}\right) = \left(a \cdot h_n\right) e^{j\varphi_n}.$$
(27)

W związku z powyższym w każdej z dodanych kolumn h_n' należy wprowadzić formułę mnożącą wartość z oryginalnej kolumny h_n przemnożoną przez odpowiedni współczynnik. Natomiast w każdej z dodanych kolumn fi_n' należy wprowadzić formułę przepisującą oryginalną wartość fi_n bez zmian.

Prąd skuteczny

5. Obliczamy wartość skuteczną prądu odbiornika *I*. Posłużymy się w tym celu wzorem Parsevala:

$$I = \sqrt{I_{(0)}^2 + \sum_{n=1}^{N-1} I_{(n)}^2} , \qquad (28)$$

gdzie $I_{(0)}$ jest składową stałą prądu *i* (równą amplitudzie h_0 – zob. punkt 3), zaś $I_{(n)}$ są wartościami skutecznymi poszczególnych harmonicznych.

Najpierw należy dodać nową kolumnę i za pomocą odpowiedniej formuły obliczyć w niej wartości $I_{(n)}$ ($\neq h_n$), poczynając od n = 1, ze wzoru na wartość skuteczną sinusoidy o znanej amplitudzie $I_{(n)m}$ (równej h_n – zob. punkt 3).

Następnie w kolejnej kolumnie należy obliczyć kwadraty wartości skutecznych $I_{(n)^2}$, a dla $n = 0 - kwadrat składowej stałej <math>I_{(0)^2}$.

W osobnej komórce – zgodnie ze wzorem (28) – należy obliczyć sumę wartości z ostatnio wypełnionej kolumny [funkcja *SUMA()*, ang. *SUM()*] i wyciągnąć z niej pierwiastek [funkcja *PIERWIASTEK()*, ang. *SQRT()*].

Należy pamiętać, aby korzystać z kolumn przemnożonych przez współczynniki układu pomiarowego (h_n ' nie h_n).

6. Dla przypadku δ = 1 sprawdzamy, czy wartość obliczona zgadza się z odczytaną z multimetru (oczywiście w przybliżeniu). Jeżeli nie, to musimy zlokalizować błąd w obliczeniach.

Moc czynna

7. Do obliczenia mocy czynnej wydzielanej w odbiorniku P₀ wykorzystamy własność mówiącą, że całkowita moc czynna jest równa sumie mocy czynnych związanych ze składową stałą i poszczególnymi harmonicznymi:

$$P_{\rm o} = P_{\rm o(0)} + \sum_{n=1}^{N-1} P_{\rm o(n)} .$$
⁽²⁹⁾

W powyższym wzorze *P*_{o(0)} oznacza moc związaną ze składową stałą. Jest ona oczywiście równa iloczynowi składowych stałych napięcia na odbiorniku i prądu odbiornika:

$$P_{(0)} = U_{0(0)} I_{(0)}, \tag{30}$$

czyli iloczynowi amplitud współczynników DFT ho.

Natomiast moc czynną $P_{o(n)}$ związaną z *n*-tą harmoniczną można wyrazić znanym wzorem:

$$P_{o(n)} = U_{o(n)} I_{(n)} \cos \varphi_{o(n)},$$
(31)

gdzie: $U_{0(n)}$ i $I_{(n)}$ – wartości skuteczne *n*-tej harmonicznej prądu odbiornika i napięcia na odbiorniku (patrz punkt 5); $\varphi_{0(n)}$ – przesunięcie fazowe *n*-tej harmonicznej napięcia na odbiorniku u_0 względem *n*-tej harmonicznej prądu odbiornika *i*.

W nowej kolumnie należy obliczyć za pomocą odpowiednich formuł wartości $P_{o(0)}$ i $P_{o(n)}$, a następnie w osobnej komórce obliczyć sumę tych wartości.

Drugi czynnik we wzorze (31) powinien już zostać obliczony dla każdego *n* w punkcie 5, przy obliczaniu wartości skutecznej prądu *I*.

Czynnik pierwszy we wzorze (31) można uzyskać analogicznie jak drugi, obliczając wartość skuteczną napięcia na odbiorniku U_0 (tę wartość i tak musimy obliczyć zgodnie z punktem 3.3.1) – do czego niezbędne będą wartości $U_{0(n)}$:

$$U_{\rm o} = \sqrt{U_{\rm o}(0)^2 + \sum_{n=1}^{N-1} U_{\rm o}(n)^2} .$$
(32)

Trzeci czynnik to kosinus różnicy kątów fazowych napięcia i prądu danej harmonicznej:

$$\varphi_{0(n)} = \varphi_{u_0(n)} - \varphi_{i(n)}, \tag{33}$$

przy czym kąty fazowe – argumenty współczynników DFT φ_n – zawierają kolumny fi_{n1}' i fi_{n2}' .

8. Dla przypadku $\delta = 1$ sprawdzamy, czy obliczona wartość skuteczna napięcia na odbiorniku i moc czynna odbiornika zgadzają się (w przybliżeniu) z zapisanymi wskazaniami multimetru. Zwróćmy uwagę, że dla rozpatrywanego przypadku tyrystor stale przewodzi. Ponieważ zaś spadek napięcia na tyrystorze u_T jest niewielki, można przyjąć, że $u_0 \approx u$; stąd również obliczona wartość U_0 powinna być w przybliżeniu równa zmierzonemu napięciu skutecznemu sieci U_0 .

Jeżeli wartości nie zgadzają się ze sobą, to szukamy błędu (jeśli poprzednio wartość skuteczna prądu była zgodna z rzeczywistością, to błąd najpewniej wynika z operacji dokonanych na napięciach lub kątach fazowych).

Obliczenia dla δ≠1

Aby wykonać obliczenia dla pozostałych wartości δ wystarczy skopiować formuły wprowadzone w arkuszu z danymi dla δ = 1.

- 9. Nie zamykając arkusza z danymi dla δ = 1 otwieramy kolejny plik z danymi (patrz "Import danych").
- 10. W arkuszu z danymi dla δ = 1 zaznaczamy wszystkie dodane kolumny i kopiujemy do schowka.
- 11. Przechodzimy do nowo otwartego pliku z danymi i ustawiamy zaznaczenie w pierwszym wierszu pierwszej ze skopiowanych kolumn. Wklejamy skopiowane kolumny ze schowka.

12. Wartości *I* oraz *P*^o powinny obliczyć się automatycznie; wartość *U*^o nie jest potrzebna dla współczynników wypełnienia innych niż 1.

4. Oczekiwana zawartość sprawozdania

Sprawozdanie powinno zawierać:

- wartości obliczone w punktach 3.3.1, 3.3.2 i 3.3.3 zebrane w tabeli, wraz z zastosowanymi wzorami i przykładami obliczeń;
- charakterystyki uzyskane w punkcie 3.3.4;
- analizę wyników i wnioski.

Do sprawozdania należy dołączyć utworzony skoroszyt arkusza kalkulacyjnego z obliczeniami, lub wydruk jednego z arkuszy z obliczeniami wraz z opisem wprowadzonych formuł.

W katalogu sieciowym zespołu należy pozostawić pliki z wynikami pobranymi z oscyloskopu.

5. Literatura

- [1] Luciński J.: Układy tyrystorowe. Wydawnictwa Naukowo-Techniczne, Warszawa 1978.
- [2] Luciński J.: Układy z tyrystorami dwukierunkowymi. Wydawnictwa Naukowo-Techniczne, Warszawa 1986.
- [3] Nowak M., Barlik R.: Poradnik inżyniera energoelektronika. Wydawnictwa Naukowo-Techniczne, Warszawa 1998.
- [4] Tunia H., Winiarski B.: Energoelektronika. Wydawnictwa Naukowo-Techniczne, Warszawa 1994.
- [5] Barlik R., Nowak M.: Technika tyrystorowa. Wydawnictwa Naukowo-Techniczne, Warszawa 1997.